

Dada una sucesión acotada  $\{a^1_{i,j=1}^\infty\}$ , no necesariamente convergente, se considera la sucesión de las medias  $\{a^2_{i,j=1}^\infty\}$ , es decir,  $a^2_1=a^1_1$ ,  $a^2_2=(a^1_1+a^1_2)/2$ ,  $a^2_3=(a^1_1+a^1_2+a^1_3)/3$ , etc. En general,

$$a^2_i = (a^1_1 + \dots + a^1_i) / i.$$

El proceso se repite, definiendo  $\{a^3_{i,j=1}^\infty\}$  como la sucesión de las medias de  $\{a^2_{i,j=1}^\infty\}$ , y así sucesivamente, es decir,

$$a^{j+1}_i = (a^j_1 + \dots + a^j_i) / i.$$

Finalmente definimos la sucesión  $\{b_i\}_{i=1}^\infty$  como  $b_i = a^i_i$ , con  $b_1 = a^1_1$  de...

# BLACK SEQUENCE

Por ejemplo, si empezamos con la sucesión  $a^1 = \{1, 3, 2, -2, \dots\}$ , la sucesión de las medias es  $a^2 = \{1, 2, 2, 1, \dots\}$ . La sucesión de las medias de  $\{a^2_{i,j=1}^\infty\}$  es  $a^3 = \{1, 3/2, 5/3, 3/2, \dots\}$ , cuya sucesión de medias es  $a^4 = \{1, 5/4, 25/18, 34/24, \dots\}$ , y así sucesivamente. La sucesión diagonal, o **Black Sequence** es  $b = \{1, 2, 5/3, 34/24, \dots\}$ .

**Problema 3:** ¿Es la **Black Sequence** acotada? ¿Es convergente? En caso afirmativo, ¿a qué valor converge? Da tus respuestas en función de la sucesión inicial,  $\{a^1_{i,j=1}^\infty\}$ .

ADVERTENCIA: Trabajar con la black sequence ha provocado náuseas, mareos, vómitos y, en algunos casos, trastornos explosivos intermitentes. **CPP2** no se responsabiliza de estos efectos.

**XVII CPP2**

Entrega tus soluciones en la urna de la Facultad o en [cppcuadrado@gmail.com](mailto:cppcuadrado@gmail.com) hasta las 17h del lunes 15 de abril de 2019.

<http://mural.uv.es/rorunu/cpp2/>

Gracias por participar.